

Exercice 1 :

On considère la glissière représentée ci-dessous.

- AB est un plan rugueux incliné d'un angle $\alpha = 30^\circ$ par rapport à l'horizontale et de longueur $AB = L = 4\text{m}$.
- BC un plan horizontal rugueux de longueur L' .
- CD est un demi-cercle lisse de centre O et de rayon $r = 0,5\text{m}$.

L'ensemble du trajet est contenu dans un plan vertical.

Un solide de masse $m = 100\text{g}$ est abandonné en A sans vitesse initiale.

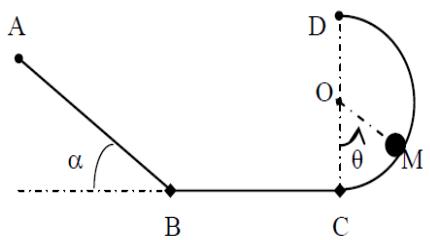
- 1°) Déterminer l'intensité des forces de frottements équivalente à une force unique \vec{f} s'exerçant sur le solide sur le plan incliné, sachant que le solide arrive en B avec une vitesse $V_B = 11,66\text{m/s}$

- 2°) Le solide aborde le plan BC dont les frottements ont pour valeur sur ce plan $f = 0,5\text{N}$; et arrive en C avec une vitesse $V_C = 6\text{m/s}$. Déterminer la distance L' .

- 3°) Etablir l'expression de la vitesse du solide en M en fonction de m , g , r , θ et V_C .

- 3-1°) En déduire la valeur de la vitesse du solide au point D.

- 4°) Avec quelle vitesse, le solide retombe-t-il sur le plan B. On prendra $g = 10\text{m/s}^2$.

**Exercice 2 :**

Un skieur de masse $m = 80\text{ kg}$ glisse sur un début de piste formée de deux parties AB et BC. La piste AB représente un sixième de circonférence de rayon $r = 10\text{ m}$; BC est une partie rectiligne horizontale d'une longueur $L = 50\text{ m}$.

Tout la trajectoire a lieu dans un même plan vertical.

Le skieur part de A sans vitesse initiale. On peut remplacer le mouvement du skieur par le mouvement de son centre d'inertie.

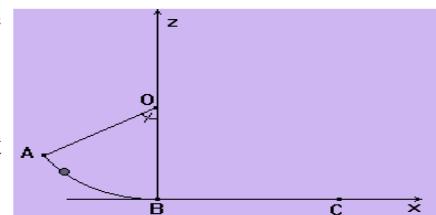
- 1) La piste verglacée : on peut alors supposer les frottements négligeables.

Calculer la vitesse du skieur en B et C.

- 2) La piste est recouverte de neige. La force de frottement est toujours tangente à la trajectoire et a une intensité constante f .

- a) Exprimer V_A et V_B en fonction de m , r , f et L .

- b) Calculer l'intensité f qui amène le skieur en C avec une vitesse nulle. On prendra $g = 10\text{ N/kg}$.

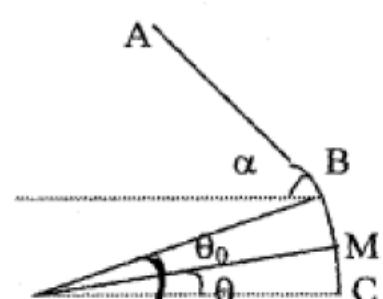
**Exercice 3 :**

Une piste de ski a le profil représenté ci-contre. La partie AB est inclinée de $\alpha = 10^\circ$ par rapport à l'horizontale et sa longueur est $AB = 3\text{ m}$. La partie BC est une portion de cercle de centre O, de rayon $r = 3\text{ m}$ et tel que $(\overrightarrow{OB}, \overrightarrow{OC}) = \theta_0 = 80^\circ$. Les frottements sont supposés négligeables. On donne : $g = 9,8\text{ SI}$

- 1) Le skieur part de A avec une vitesse initiale nulle. Calculer sa vitesse au passage de B.

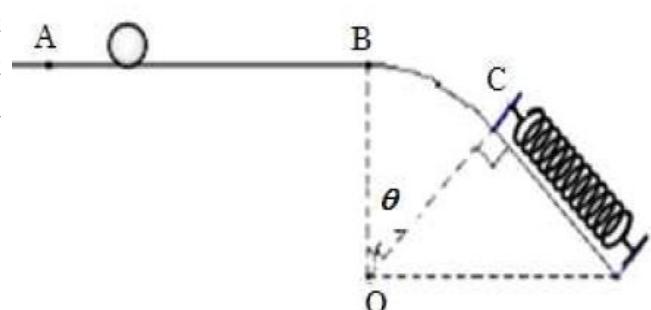
- 2) Le skieur aborde ensuite la partie BC. La position d'un point M quelconque de la partie BC est repérée par l'angle tel que $\theta = (\overrightarrow{OC}, \overrightarrow{OM})$. Exprimer la vitesse v du skieur au passage en M en fonction des données.

- 3) Il existe en réalité des forces de frottement d'intensité f entre le skieur et la piste. f est de sens contraire au vecteur vitesse du centre d'inertie du skieur. Exprimer la vitesse V_M du skieur au passage en M. Calculer V en C. On donne $f = 0,2\text{N}$.

**Exercice 4 :**

Une petite bille de masse $m = 300\text{ g}$ glisse sans roulement sur le trajet ABC. Il existe des forces de frottement d'intensité constante $f = 0,03\text{N}$ durant tout le parcours de la bille. Le trajet BC est un arc de cercle de centre O et de rayon $R = 2\text{m}$. On donne : $AB = 1 = 500\text{m}$; $\theta = 45^\circ$ et $g = 10\text{ N.kg}^{-1}$.

- 1) Quelle est la vitesse V_A de la bille lors de son passage en A sachant qu'elle s'arrête en B ?



2) L'équilibre de la bille en B est installée, celle-ci glisse alors vers le point C. Déterminer la vitesse V_C de la bille au point C.

3) Le point C est placée à l'extrémité d'un ressort de raideur $k = 500 \text{ N.m}^{-1}$. La bille bute en C sur le ressort avec la vitesse $V_C = 3,4 \text{ m.s}^{-1}$ qu'il comprime. Soit x la compression maximale du ressort (x est positif).

3.1. Par application du théorème de l'énergie cinétique, montrer la relation suivante : $kx^2 + 2x(f - mg \cdot \sin \alpha) - mV_C^2 = 0$.

3.2. Calculer la compression maximale x du ressort.

Exercice 5 :

Un pendule simple est constitué d'une petite bille assimilable à un point matériel, de masse $m = 50 \text{ g}$. Attachée à un fil inextensible de longueur $\ell = 40 \text{ cm}$. L'ensemble est fixé en un point O et on considère que les forces de frottements sont négligeables. ($g = 9,81 \text{ N.kg}^{-1}$)

1°/ On écarte le pendule de sa position d'équilibre d'un angle $\alpha_0 = 40^\circ$ (position A de la bille). On le lâche sans vitesse initiale. On repère la position du pendule par la valeur α de l'angle que fait le fil avec la verticale.

Exprimer le travail des forces s'exerçant sur la bille lorsque l'angle que fait le fil avec la verticale passe de la valeur α_0 à la valeur α .

2°/ Exprimer la valeur de la vitesse de la bille lorsque l'angle que fait le fil avec la verticale a pour valeur α .

3°/ Calculer sa vitesse en B.

4°/ Le pendule oscille autour de sa position d'équilibre. Pour quelles valeurs de α la vitesse de la bille est-elle nulle ?

Exercice 6 :

Un cylindre homogène de rayon R et de hauteur h a pour moment d'inertie J par rapport à son axe longitudinal. ($J = 1/2 MR^2$; M est la masse du cylindre).

La masse volumique de la substance qui constitue le cylindre est $\mu = 7,8 \text{ g/mL}$.

Données numériques : $R = 0,10 \text{ cm}$; $h = 10 \text{ cm}$

1. Etablir la relation entre la masse volumique μ , le rayon R , la hauteur h et le moment d'inertie J du cylindre

2. Quelle est l'énergie cinétique du cylindre animé de la vitesse de rotation $N = 1000 \text{ trs/min}$ autour de son axe longitudinal ?

3. Un frein exerce une force constante tangente au cylindre et de valeur $F = 8 \text{ N}$. Quel sera le nombre de tours n effectué par le cylindre avant de s'arrêter ?

a) Quelle devrait être la vitesse de translation du cylindre pour que son énergie cinétique de translation ait la même valeur que celle calculée à la question 2.

b) Quelle serait la valeur de la force opposée constante qui provoquerait son arrêt après que son centre d'inertie ait parcouru une distance de $2\pi RN$.

Exercice 7 :

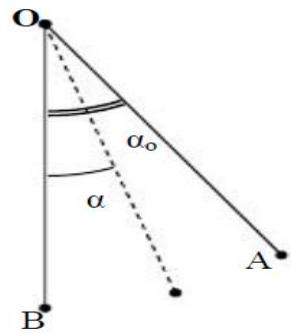
Un volant de masse $m = 1960 \text{ kg}$ tourne autour de son axe de révolution (Δ) à raison de $N = 1200 \text{ trs/min}$.

Il est assimilable à un cylindre homogène plein de rayon $R = 50 \text{ cm}$.

1. Calculer le moment d'inertie J_Δ du volant par rapport à l'axe (Δ).

2. Quelle est la variation de la vitesse angulaire du volant (en tours par minute) lorsque le volant perd 1/100 de son énergie cinétique ?

3. On applique au volant une force \vec{F} en un point A situé à $d = 40 \text{ cm}$ de l'axe (Δ) et tangente au cercle passant par A et centré sur l'axe (Δ). Au bout de combien de tours le volant va-t-il s'immobiliser ?



FIN DE SERIE.