

Donner l'expression littérale avant toute application numérique

Exercice 1 : (8 points)

1. La combustion complète d'une masse m d'un composé organique oxygéné (A) de formule générale C_xH_yO produit une masse $m_1 = 17,6 \text{ g}$ de dioxyde de carbone et une masse $m_2 = 9 \text{ g}$ d'eau.
 - 1.1. Ecrire l'équation-bilan de la réaction de combustion complète du composé (A). (1 pt)
 - 1.2. Déterminer la masse molaire du composé (A), sachant que le pourcentage centésimal en masse de l'oxygène est égal à 21,62%. (0,75 pt)
 - 1.3. Déduire ensuite que la formule brute de (A) s'écrit $C_4H_{10}O$. (1 pt)
2. Sachant que la molécule de (A) renferme un groupe hydroxyle, écrire toutes les formules semi développées possibles de A. (1 pt)
3. Afin d'identifier les différents isomères de (A), on réalise des expériences dont les résultats sont les suivants :
 - ☒ La déshydratation intermoléculaire d'une solution de l'isomère (a) en présence d'alumine (Al_2O_3) conduit au 1-butoxybutane.
 - ☒ Les isomères (a) et (b) dérivent d'un même alcène par hydratation.
 - ☒ L'oxydation ménagée de l'isomère (d) par une solution de dichromate de potassium ($2K^+$; $Cr_2O_7^{2-}$) en excès, en milieu acide, conduit à la formation d'un composé D qui n'a aucune action sur la DNPH et sur le réactif de Tollens.
- 3.1. Identifier chaque isomère (a), (b), (c), (d) par son nom. (1 pt)
- 3.2. Ecrire l'équation-bilan de la réaction permettant de passer, de l'isomère (d) au composé D en fonction des formules brutes. (0,75 pt)
- 3.3. Déterminer la masse m' de l'isomère (d) qui a été oxydé, sachant qu'on a utilisé un volume $V = 10 \text{ cm}^3$ de la solution de dichromate de potassium, de concentration molaire $C = 0,05 \text{ mol/L}$, en milieu acide, et qu'à la fin de la réaction il en reste $3 \cdot 10^{-4} \text{ mol}$. En déduire la masse m'' du composé D, sachant que le rendement de la réaction est de 70%. (1 pt)
4. On fait réagir le composé D avec l'isomère (c).
 - 4.1. Ecrire l'équation-bilan de la réaction, donner son nom et ses caractéristiques. (1 pt)
 - 4.2. Donner le nom du composé organique qui se forme. (0,5 pt)

On donne : $M(H) = 1 \text{ g/mol}$; $M(C) = 12 \text{ g/mol}$; $M(O) = 16 \text{ g/mol}$; $Cr_2O_7^{2-}/Cr^{3+}$

Exercice 2 : (6 points)

Dans un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) , les lois horaires du mouvement d'un mobile ponctuel M sont données par : $x = t$ et $y = \frac{t^2}{2}$, le temps est mesuré en secondes et les distances en mètres. A $t = 0 \text{ s}$ le mobile débute son mouvement.

1. Quel est le point de départ du mobile à l'origine des dates ? (0,5 pt)
2. Établir l'équation de la trajectoire du mobile relativement au repère (O, \vec{i}, \vec{j}) . En déduire sa nature. (1 pt)
3. Déterminer l'expression du vecteur vitesse et celle du vecteur accélération du mobile M. (1 pt)
4. A quelle date le vecteur vitesse est colinéaire à \vec{i} . Montrer qu'à cette date la composante tangentielle de l'accélération est nulle. (0,75 pt)
5. Sachant, qu'à une date t , l'accélération tangentielle a pour expression $a_t = \frac{t}{\sqrt{1+t^2}}$ repère de Frenet (M, \vec{t}, \vec{n}) .
 - 5.1. Montrer que celle de l'accélération normale est $a_n = \frac{1}{\sqrt{1+t^2}}$. (0,75 pt)
 - 5.2. A quelle date t_1 , $V_x = V_y$ avec V_x et V_y les composantes du vecteur vitesse dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) . (1 pt)
 - 5.3. Calculer le rayon de courbure à la date t_2 . (1 pt)

Exercice3 : (6points)

Les deux parties sont indépendantes

Un oscillateur mécanique est constitué d'un ressort à spires non jointives dont une extrémité est fixée à un solide S de dimensions telles qu'il peut être assimilé à un point mobile. L'autre extrémité du ressort est fixe. Le plan sur lequel se déplace le solide S est horizontal. On écarte le solide S de sa position d'équilibre et on le libère. La position du solide est donnée par le vecteur position $\overrightarrow{OM} = x\vec{i}$. L'origine du repère est choisie de telle sorte que lorsque l'oscillateur passe par sa position d'équilibre, on ait $\overrightarrow{OM_0} = \vec{0}$. Le solide se déplace sur un segment de droite de longueur 40 cm.

1^{ère} partie : L'équation différentielle du mouvement de S est : $\ddot{x} + 100\pi^2 x = 0$. Les unités sont celles du système international.

1. Trouver la pulsation et la période du mouvement. (1 pt)
2. La forme générale de la solution de l'équation différentielle est de la forme $x = X_m \sin(\omega t + \phi)$. Donner la signification et l'unité, dans le système international, de chaque grandeur intervenant dans cette expression. (0,75 pt)
3. On suppose différentes conditions initiales notées (a_1) , (a_2) et (a_3) .

☒ (a_1) : la date $t = 0$ est la date de passage du mobile par l'élongation nulle, le mobile se déplaçant dans le sens négatif;

☒ (a_2) : la date $t = 0$ est la date de passage du mobile par l'abscisse maximale.

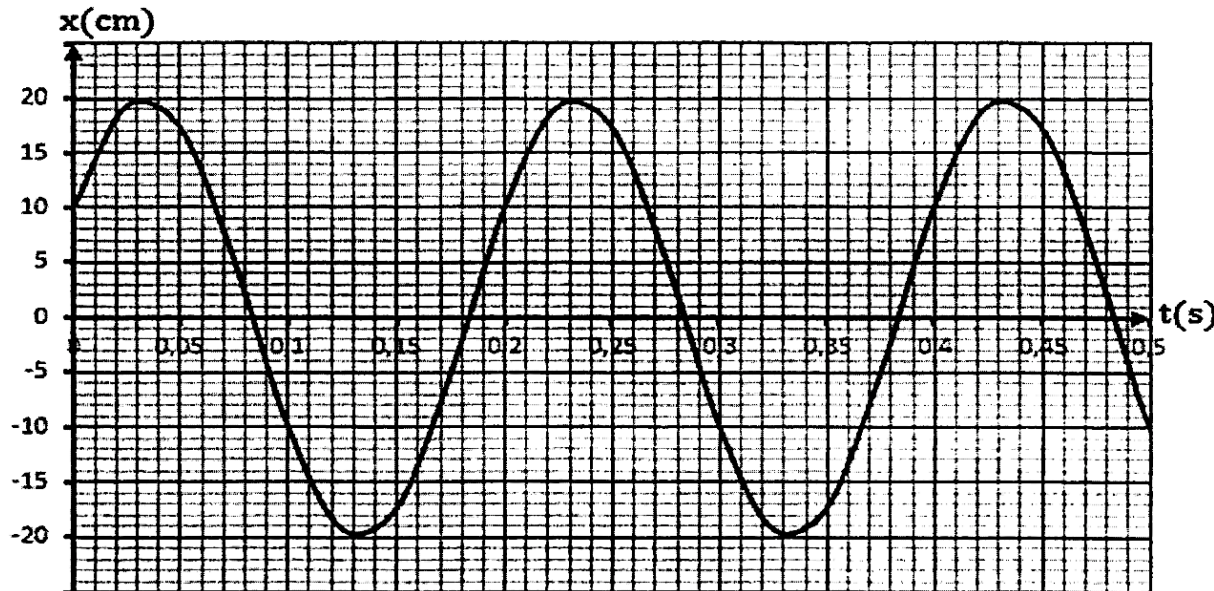
☒ (a_3) : la date $t = 0$ est la date de passage par l'élongation nulle, le mobile se déplaçant dans le sens positif.

On donne, dans un ordre quelconque, l'équation horaire du mouvement :

$$b_1) x = 0,2 \sin(10\pi t) ; b_2) x = 0,2 \sin(10\pi t + \pi) ; b_3) x = 0,2 \sin(10\pi t + \frac{\pi}{2})$$

Attribuer une équation horaire à chacune des conditions initiales (a_1) ; (a_2) ; (a_3) . (0,75 pt)

2^{ème} partie : Le solide est animé d'un mouvement rectiligne sinusoïdal sur un axe $x'Ox$. La variation de sa position à tout instant est représentée par le diagramme de la figure ci-dessous.



4. En déduire la pulsation ω et la vitesse maximale V_m du mobile. (1 pt)
5. Déterminer les valeurs de l'abscisse et de l'accélération du mobile à la date $t = 0,2$ s. (0,5 pt)
6. Établir l'équation horaire $x(t)$. (0,75 pt)
7. Le mouvement est-il accéléré ou décéléré à $t = 0,2$ s. (0,25 pt)
8. Déterminer par le calcul la date (après $t = 0$) de passage pour la première fois en $x = -10$ cm. (0,5 pt)
9. Déterminer la distance parcourue par le solide entre $t = 0,1$ s et $t = 0,5$ s. (0,5 pt)