

**Donner l'expression littérale avant toute application numérique**

Pratiqué depuis l'Antiquité sous le nom de « jeu de crosses », le hockey sur gazon est un sport olympique depuis 1908. Il se pratique sur une pelouse naturelle ou synthétique, de dimensions quasi identiques à celles d'un terrain de football. Chaque joueur propulse la balle avec une crosse ; l'objectif étant de mettre la balle dans le but.

Dans cet exercice, on étudie le mouvement de la balle de centre d'inertie G et de masse  $m$ , dans le référentiel terrestre supposé galiléen. Cette étude peut être décomposée en deux phases.

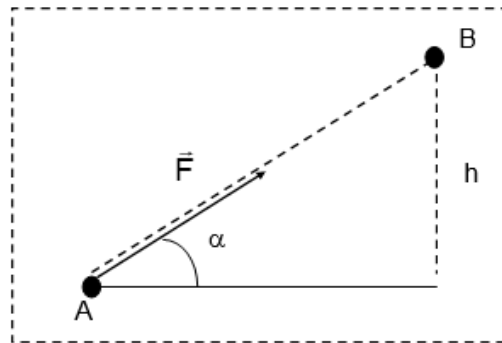


Figure 4

**Les parties 1, 2 et 3 sont indépendantes.**

**1. Première phase :** Durant cette phase, on néglige toutes les actions liées à l'air ainsi que le poids de la balle.

**1.1.** Entre les points A et B, elle reste en contact avec la crosse. La force  $\vec{F}$  exercée par la crosse sur la balle, supposée constante, est représentée sur la figure 4. Le segment AB représentant la trajectoire de la balle est incliné d'un angle  $\alpha = 30^\circ$  avec l'horizontale.

**Données :** masse de la balle :  $m = 160 \text{ g}$  ; intensité du champ de pesanteur :  $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$ .

**1.1.1.** Énoncer la deuxième loi de Newton et l'appliquer à la balle lors de son trajet entre A et B.

**1.1.2.** Que peut-on dire de la nature du mouvement de la balle entre A et B ?

**1.2.** La force  $\vec{F}$  s'exerce pendant une durée  $\Delta t = 0,11 \text{ s}$ . La balle part du point A sans vitesse initiale et arrive en B avec une vitesse  $\vec{v}_B$  telle que  $v_B = 14 \text{ m.s}^{-1}$ .

**1.2.1.** Donner l'expression du vecteur-accelération en fonction du vecteur-vitesse.

**1.2.2.** Calculer la valeur de l'accélération du centre d'inertie de la balle entre les points A et B.

**1.3.** En utilisant les résultats obtenus en 1.2.2, calculer l'intensité de la force exercée sur la balle par la crosse. L'hypothèse concernant le poids de la balle est-elle justifiée ?

**2. Deuxième phase :** Au point B, la balle quitte la crosse à la date  $t = 0$  avec le vecteur-vitesse  $\vec{v}_B$  contenu dans le plan  $(xOz)$ . On néglige toutes les actions liées à l'air.

On étudie le mouvement du centre d'inertie G de la balle dans le champ de pesanteur supposé uniforme.

Le système d'axes utilisé est représenté sur le schéma ci-dessous : l'axe Ox est horizontal dirigé vers la droite et Oz est vertical et dirigé vers le haut. L'origine des axes est située à la verticale du point B telle que  $OB = h = 0,40 \text{ m}$ .



- 2.1. Donner l'expression des coordonnées  $v_{Bx}$  et  $v_{Bz}$  du vecteur vitesse  $\vec{v}_B$  de la balle à l'instant  $t = 0$  s, en fonction de  $v_B$  et de  $\alpha$ .
- 2.2. Donner l'expression des coordonnées  $x_B$  et  $z_B$  du vecteur  $\vec{OB}$  de la balle au point B.
- 2.3. En appliquant la deuxième loi de Newton, établir les équations horaires du vecteur-accelération et du vecteur-vitesse.
- 2.4. Montrer que la valeur  $v_S$  de la vitesse de la balle au sommet S de la trajectoire est  $v_S = 12 \text{ m.s}^{-1}$ .
- 2.5. Déterminer les coordonnées du vecteur-position  $\vec{OG}$ . En déduire l'équation de la trajectoire de la balle.
- 2.6. La ligne de but est située à une distance  $d = 15 \text{ m}$  du point O. La hauteur du but est  $L = 2,14 \text{ m}$ . On néglige le diamètre de la balle devant la hauteur du but.
  - 2.6.1. Quelles conditions doivent satisfaire  $x$  et  $z$  pour que le but soit marqué ?
  - 2.6.2. Vérifier que ces conditions sont bien réalisées.
3. **Etude énergétique** : Le même tir est réalisé du milieu du terrain à une distance du but supérieure à 15 m. On rappelle les valeurs suivantes ;  $OB = h = 0,40 \text{ m}$  ;  $v_B = 14 \text{ m.s}^{-1}$  ; vitesse au sommet S :  $v_S = 12 \text{ m.s}^{-1}$ . L'énergie potentielle de pesanteur  $E_p(0)$  est choisie nulle à l'altitude  $z = 0$ .
  - 3.1. Donner l'expression littérale de l'énergie potentielle de pesanteur  $E_p$  puis celle de l'énergie mécanique  $E_M$  de la balle en fonction de  $g$ ,  $m$ ,  $v$  et  $z$ .
  - 3.2. Calculer l'énergie mécanique  $E_M(B)$  de la balle au point B.
  - 3.3. Toutes les actions de l'air sont négligées.
    - 3.3.1. Que peut-on dire de la valeur de l'énergie mécanique  $E_M$  de la balle au cours de son mouvement ?
    - 3.3.2. Exprimer l'altitude maximale  $z_{\max}$  que pourrait atteindre la balle au point S dans ces conditions, en fonction de  $E_M$ ,  $v_S$ ,  $m$  et  $g$ . Calculer la valeur de  $z_{\max}$ .