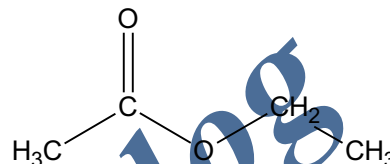


Donner l'expression littérale avant toute application numérique

**Exercice 1: étude d'une réaction de saponification (5 points)**

L'éthanoate d'éthyle est, à 20° C, un liquide de formule semi-développée :



On dispose d'une part d'hydroxyde de sodium, en solution aqueuse, et d'autre part, d'éthanoate d'éthyle. À l'instant de date  $t_0 = 0$  s, on met en présence  $10^{-2}$  mol de chacun des réactifs précédents. Le mélange de 200 mL obtenu est placé dans un bain thermostaté qui maintient la température à 20° C. On prélève, à différentes dates, un volume  $V = 2$  mL du mélange. Après avoir ajouté une grande quantité d'eau glacée, on dose les ions hydroxyde restants par une solution d'acide chlorhydrique de concentration  $C_A = 5.10^{-3}$  mol/L en présence de phénolphtaléine. Dans ces conditions, au moment du virage de cet indicateur, seuls les ions hydroxyde ont réagi avec l'acide chlorhydrique.

Donnée : zone de virage de la phénolphtaléine :



- 1.1. Recopier la formule de l'éthanoate d'éthyle, puis entourer et nommer son groupe caractéristique. (0,5 pt)
- 1.2. Ecrire l'équation-bilan de la réaction de saponification de l'éthanoate d'éthyle. Nommer les produits obtenus.  
Donner les caractéristiques de cette réaction. (1 pt)
- 1.3. Pourquoi ajoute-t-on une grande quantité d'eau glacée avant de réaliser le dosage des ions hydroxyde restants dans le volume  $V$  prélevé ? (0,25 pt)
- 1.4. Ecrire l'équation-bilan de la réaction qui sert de support au dosage. (0,25 pt)
- 1.5. Quel est le changement de teinte observé lors du dosage ? (0,25 pt)
- 1.6. Justifier que l'addition d'eau ne modifie pas le résultat du dosage. (0,25 pt)
- 1.7. Détermination de la quantité  $n_E$  d'éthanoate d'éthyle restant dans un prélèvement de volume  $V = 2$  mL.
  - a- Etablir l'expression donnant  $n_E$  en fonction de la concentration  $C_A$  et du volume  $V_{AE}$  de la solution d'acide chlorhydrique versée à l'équivalence du dosage. (0,25 pt)
  - b- Dans le prélèvement réalisé à l'instant de date  $t_1 = 7$  min, le volume d'acide chlorhydrique versé pour atteindre l'équivalence du dosage est  $V_{AE} = 6$  mL. Calculer la valeur numérique de la quantité  $n_E$  d'éthanoate d'éthyle restant à cet instant. (0,25 pt)
- 1.8. Les quantités  $n_E$  d'éthanoate d'éthyle restant aux différents instants de date  $t$ , dans un prélèvement de 2 mL, sont données dans le tableau ci-dessous.

t (min)	0	1	2	3	4	5	8	11	14	17	21
$n_E$ (μmol)	100	80	65	55	48	42	27	19	14	12	10

a- Tracer la courbe donnant  $n_E$  en fonction de la durée  $t$ . (0,5 pt)

**Echelles :**

- en abscisses 1 cm pour 1 min ;
- en ordonnées 1 cm pour 10  $\mu\text{mol}$ .

b- Exposer succinctement la méthode permettant de déterminer la vitesse instantanée de réaction à l'instant de date  $t$  à partir de la courbe tracée. (0,25 pt)

c- Comment cette vitesse évolue-t-elle au cours du temps ? Justifier graphiquement sans calcul. Pourquoi subit-elle une telle évolution ? (0,5 pt)

d- Parmi les valeurs suivantes : 1  $\mu\text{mol}\cdot\text{min}^{-1}$ ; 3  $\mu\text{mol}\cdot\text{min}^{-1}$ ; 7  $\mu\text{mol}\cdot\text{min}^{-1}$ ; 12  $\mu\text{mol}\cdot\text{min}^{-1}$ . Quelle est celle qui correspond à la valeur de la vitesse de réaction à l'instant de date  $t_2 = 4$  min ? (0,5 pt)

e- Si on réalisait la même expérience à une température égale à 45 °C, tracer l'allure de la courbe donnant  $n_E$  en fonction de la durée  $t$  sur le même graphique. Justifier ce tracé. (0,25 pt)

**Exercice 2 : (3,5 points)**

Un flacon contient un corps pur A liquide, de nature inconnue. On se propose de déterminer la nature de A. Pour cela, on réalise quelques expériences dont on note les résultats :

- une solution aqueuse de A peut être considérée comme un isolant
- le sodium réagit sur A avec dégagement de dihydrogène
- par oxydation ménagée de A, en présence de dichromate de potassium (en défaut), on obtient un corps qui rosit le réactif de Schiff.

On admettra que les molécules de A ne comportent pas de liaison multiple ni de ramification.

2.1. Quelle est la fonction de A? (0,5 pt)

2.2. Pour déterminer complètement le corps A, il faut connaître le nombre  $n$  d'atomes de carbone contenus dans une molécule de A. Pour cette fin, on oxyde, avec un excès de dichromate de potassium, une masse  $m = 10$  g de A ; on obtient un corps B qui réagit avec la soude. On obtient l'équivalence acido-basique après avoir versé  $V_B = 0,135$  L de solution de soude de concentration  $C_B = 1$  mol/L dans une solution aqueuse de A.

a- En déduire la masse molaire  $M_A$ . (0,5 pt)

b- Déterminer sa formule brute, sa formule semi développée ainsi que son nom. (1 pt)

2.3. Ecrire l'équation bilan traduisant l'oxydation de A en B par action du dichromate de potassium en milieu acide. (0,75 pt)

2.4. Ecrire l'équation bilan de la réaction entre A et B. Donner le nom et les caractéristiques de cette réaction. (0,75 pt)

On donne:  $M(H) = 1$  g/mol ;  $M(O) = 16$  g/mol ;  $M(C) = 12$  g/mol.

**Exercice 3 : (4 points)**

On donne : Masse de la Terre :  $M_T = 5,67 \cdot 10^{24}$  kg ; Rayon de la Terre :  $R_T = 6370$  km,

Masse du satellite :  $m = 650$  kg ; Constante de gravitation :  $G = 6,67 \cdot 10^{-11}$  N.m<sup>2</sup>.kg<sup>-2</sup>.

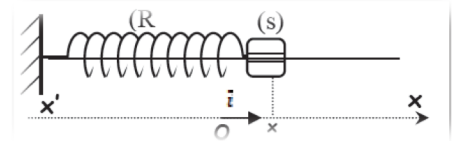
SPOT est un satellite de télédétection. Il évolue à l'altitude  $h = 832$  km sur une trajectoire circulaire contenue dans un plan passant par l'axe des pôles de la Terre. Un tel satellite est appelé satellite à défilement.

- 3.1. Montrer que le mouvement du satellite est uniforme. Donner alors l'expression de sa vitesse  $V$  en fonction de  $G$ ,  $M_T$ ,  $R_T$  et  $h$ . Faire l'application numérique. **(0,75 points)**
- 3.2. Etablir l'expression de la période de révolution du satellite SPOT en fonction de  $G$ ,  $M_T$ ,  $R_T$  et  $h$ . **(0,25 point)**
- 3.3. Dans le champ terrestre l'énergie potentielle du satellite est donnée par :  $E_p = -\frac{GM_T m}{r}$  avec  $r = R_T + h$ .
  - a- Où a-t-on choisi la référence de l'énergie potentielle de gravitation ? Justifier la réponse. **(0,5 point)**
  - b- Exprimer l'énergie mécanique du satellite en fonction de  $G$ ,  $M_T$ ,  $m$ ,  $R_T$  et  $h$  puis en fonction de  $m$  et  $V$ , vitesse du satellite. **(1point)**
  - c- Calculer l'énergie mécanique du satellite à l'altitude  $h$ . **(0,5 point)**
- 3.4. En utilisant la conservation de l'énergie mécanique du système {Terre-satellite}, déterminer l'expression de la vitesse minimale avec laquelle il faut lancer ce satellite depuis le sol pour qu'il se libère définitivement de l'attraction terrestre. Faire l'application numérique. **(1 point)**

#### **Exercice 4: oscillations harmoniques (4 points)**

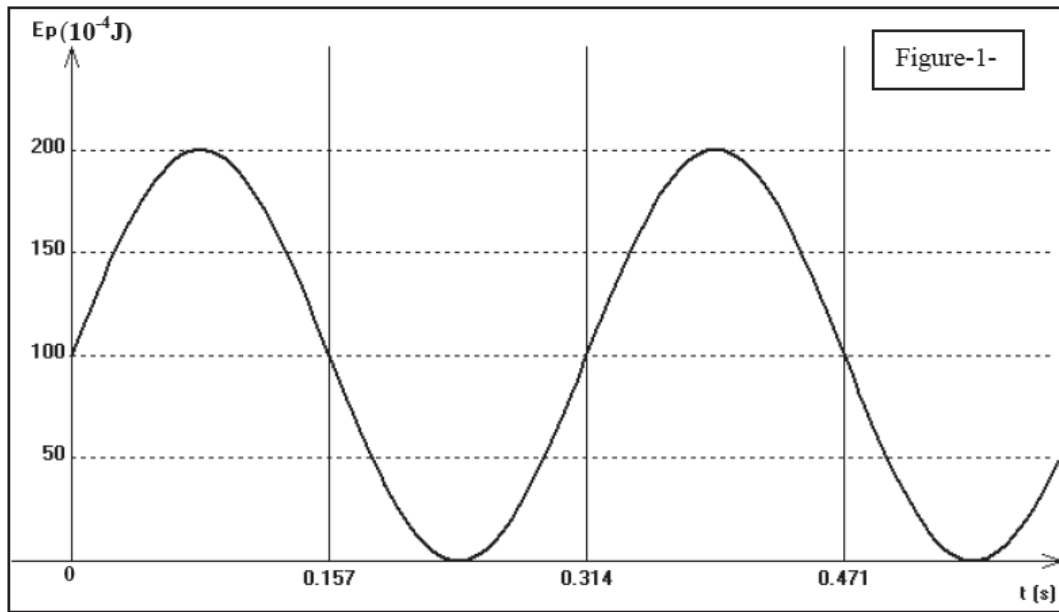
Un pendule élastique horizontal est constitué d'un ressort (R) de raideur  $k = 50 \text{ N.m}^{-1}$  et de masse négligeable, enfilé à travers une tige, à l'extrémité duquel est soudé un solide ponctuel (S) de masse  $m$  pouvant coulisser sans frottement à travers la tige.

A l'origine des dates on écarte le solide (S) de  $x_0$  à partir de sa position d'équilibre dans le sens positif puis on l'abandonne avec une vitesse de valeur  $v_0$  dans le sens positif. A un instant  $t$  quelconque, au cours des oscillations, l'élongation du solide est  $x$  et sa vitesse est  $v$ .



- 4.1. Donner l'expression de l'énergie mécanique du pendule en fonction de  $k$ ,  $m$ ,  $x$  et  $v$ . **(0,5 pt)**
- 4.2. Sachant que le système {(S), (R)} est conservatif, déduire l'équation différentielle régissant les oscillations du solide (S). **(0,5 pt)**
- 4.3. Exprimer la pulsation propre  $\omega_0$  en fonction de  $k$  et  $m$  et vérifier que  $x = x_m \cdot \sin(\omega_0 t + \varphi)$  est une solution générale de l'équation différentielle obtenue. **(0,75 pt)**
- 4.4. Le graphe de la figure -1- de la feuille annexe représente les variations de l'énergie potentielle élastique  $E_p$  du pendule au cours du temps.
  - a- Etablir l'expression de  $E_p = \text{Erreur !Erreur !Erreur !}$  On rappelle que  $\sin^2 \alpha = \text{Erreur !}$  **(0,5 pt)**
  - b- Déduire l'expression de l'énergie mécanique en fonction de  $k$  et  $x_m$ . **(0,25 pt)**
- 4.5. Déterminer par exploitation du graphique et de ce qui précède :
  - a- La valeur de l'amplitude  $x_m$  des oscillations, l'élongation initiale  $x_0$  du solide et la phase  $\varphi$ . **(0,75 pt)**
  - b- La période propre  $T_0$  des oscillations, la masse  $m$  du solide (S) et sa vitesse initiale  $v_0$ . **(0,75 pt)**

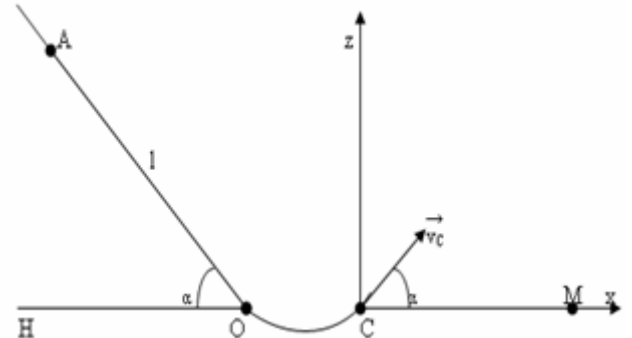
4.6. Déterminer graphiquement les positions pour lesquelles, la vitesse du solide (S) est réduite à moitié de sa valeur acquise au passage par sa position d'équilibre ? **(0,25 pt)**



**Exercice 5: (4points)**

Tous les frottements sont négligés.

Du point A d'un plan incliné de l'angle  $\alpha$  sur le plan horizontal HOXM, on abandonne sans vitesse initiale un corps assimilable à un corps B de masse  $m$ . Il glisse selon la ligne de plus grande pente AO du plan et arrive en O avec une vitesse  $\vec{v}_0$ . Le plan incliné se raccorde tangentiellement en O avec une piste circulaire de rayon  $R$ . Au-delà du point C, le mobile quitte la piste et retombe en M sur le plan horizontal (voir fig. ci-contre). Le vecteur-vitesse  $\vec{v}_C$  du mobile en C fait avec le plan horizontal, le même angle  $\alpha$ .



5.1. Etablir l'équation horaire du mouvement du mobile sur le plan incliné :  $AO = f(t)$ . **(0,75 pt)**

5.2. Exprimer sa vitesse  $v_0$  en O en fonction de  $\alpha$ ,  $g$  et de la distance  $AO = l$ . Pourquoi la mesure de la vitesse du mobile en C est-elle la même qu'en O ? **(0,75 pt)**

5.3. Etablir en fonction de  $\alpha$ ,  $v_0$  et  $g$  l'équation de la trajectoire du mobile dans le repère  $(\vec{i}, \vec{k})$ . **(1 pt)**

5.4. Donner l'expression de la portée en fonction de  $v_0$ ,  $\alpha$  et  $g$ , puis de  $l$  et  $\alpha$ . Pour  $\alpha = \frac{\pi}{4}$  rad et  $l = 1,6$  m, calculer  $v_0$  et la portée. **(0,75 pt)**

5.5. Pour faire varier la portée, on réalise un système mécanique déformable permettant de modifier l'angle  $\alpha$ . Le mobile étant toujours lâché du point A situé à la distance  $l$  de O sur le plan incliné de l'angle  $\alpha$  avec l'horizontale, il quitte la piste en C avec un vecteur-vitesse faisant l'angle  $\alpha$  avec le plan horizontal. Pour quelle valeur de  $\alpha$  cette portée est-elle maximale ? **(0,75 pt)**