

Donner l'expression littérale avant toute application numérique

Exercice 1: étude d'une réaction de saponification (5 points)

L'éthanoate d'éthyle est, à 20° C, un liquide de formule semi-développée :

On dispose d'une part d'hydroxyde de sodium, en solution aqueuse, et d'autre part, d'éthanoate d'éthyle. À l'instant de date $t_0 = 0$ s, on met en présence 10^{-2} mol de chacun des réactifs précédents. Le mélange de 200 mL obtenu est placé dans un bain thermostaté qui maintient la température à 20° C. On prélève, à différentes dates, un volume $V = 2$ mL du mélange. Après avoir ajouté une grande quantité d'eau glacée, on dose les ions hydroxyde restants par une solution d'acide chlorhydrique de concentration $C_A = 5 \cdot 10^{-3}$ mol/L en présence de phénolphtaléine. Dans ces conditions, au moment du virage de cet indicateur, seuls les ions hydroxyde ont réagi avec l'acide chlorhydrique.

Donnée : zone de virage de la phénolphtaléine :



- 1.1. Recopier la formule de l'éthanoate d'éthyle, puis entourer et nommer son groupe caractéristique. (0,5 pt)
- 1.2. Ecrire l'équation-bilan de la réaction de saponification de l'éthanoate d'éthyle. Nommer les produits obtenus. Donner les caractéristiques de cette réaction. (1 pt)
- 1.3. Pourquoi ajoute-t-on une grande quantité d'eau glacée avant de réaliser le dosage des ions hydroxyde restants dans le volume V prélevé ? (0,25 pt)
- 1.4. Ecrire l'équation-bilan de la réaction qui sert de support au dosage. (0,25 pt)
- 1.5. Quel est le changement de teinte observé lors du dosage ? (0,25 pt)
- 1.6. Justifier que l'addition d'eau ne modifie pas le résultat du dosage. (0,25 pt)
- 1.7. Détermination de la quantité n_E d'éthanoate d'éthyle restant dans un prélèvement de volume $V = 2$ mL.
 - a- Etablir l'expression donnant n_E en fonction de la concentration C_A et du volume V_{AE} de la solution d'acide chlorhydrique versée à l'équivalence du dosage. (0,25 pt)
 - b- Dans le prélèvement réalisé à l'instant de date $t_1 = 7$ min, le volume d'acide chlorhydrique versé pour atteindre l'équivalence du dosage est $V_{AE} = 6$ mL. Calculer la valeur numérique de la quantité n_E d'éthanoate d'éthyle restant à cet instant. (0,25 pt)
- 1.8. Les quantités n_E d'éthanoate d'éthyle restant aux différents instants de date t , dans un prélèvement de 2 mL, sont données dans le tableau ci-dessous.

t (min)	0	1	2	3	4	5	8	11	14	17	21
n_E (μmol)	100	80	65	55	48	42	27	19	14	12	10

a- Tracer la courbe donnant n_E en fonction de la durée t . (0,5 pt)

Echelles :

- en abscisses 1 cm pour 1 min ;
- en ordonnées 1 cm pour 10 μmol .

- b- Exposer succinctement la méthode permettant de déterminer la vitesse instantanée de réaction à l'instant de date t à partir de la courbe tracée. (0,25 pt)
- c- Comment cette vitesse évolue-t-elle au cours du temps ? Justifier graphiquement sans calcul. Pourquoi subit-elle une telle évolution ? (0,5 pt)
- d- Parmi les valeurs suivantes : 1 $\mu\text{mol}.\text{min}^{-1}$; 3 $\mu\text{mol}.\text{min}^{-1}$; 7 $\mu\text{mol}.\text{min}^{-1}$; 12 $\mu\text{mol}.\text{min}^{-1}$. Quelle est celle qui correspond à la valeur de la vitesse de réaction à l'instant de date $t_2 = 4 \text{ min}$? (0,5 pt)
- e- Si on réalisait la même expérience à une température égale à 45 °C, tracer l'allure de la courbe donnant n_E en fonction de la durée t sur le même graphique. Justifier ce tracé. (0,25 pt)

Exercice 2 : (3,5 points)

Un flacon contient un corps pur A liquide, de nature inconnue. On se propose de déterminer la nature de A. Pour cela, on réalise quelques expériences dont on note les résultats :

- une solution aqueuse de A peut être considérée comme un isolant
- le sodium réagit sur A avec dégagement de dihydrogène
- par oxydation ménagée de A, en présence de dichromate de potassium (en défaut), on obtient un corps qui rosit le réactif de Schiff.

On admettra que les molécules de A ne comportent pas de liaison multiple ni de ramifications.

2.1. Quelle est la fonction de A ? (0,5 pt)

2.2. Pour déterminer complètement le corps A, il faut connaître le nombre n d'atomes de carbone contenus dans une molécule de A. Pour cette fin, on oxyde, avec un excès de dichromate de potassium, une masse $m = 10 \text{ g}$ de A ; on obtient un corps B qui réagit avec la soude. On obtient l'équivalence acido-basique après avoir versé $V_B = 0,135 \text{ L}$ de solution de soude de concentration $C_B = 1 \text{ mol/L}$ dans une solution aqueuse de A.

a- En déduire la masse molaire M_A . (0,5 pt)

b- Déterminer sa formule brute, sa formule semi développée ainsi que son nom. (1 pt)

2.3. Ecrire l'équation bilan traduisant l'oxydation de A en B par action du dichromate de potassium en milieu acide. (0,75 pt)

2.4. Ecrire l'équation bilan de la réaction entre A et B. Donner le nom et les caractéristiques de cette réaction. (0,75 pt)

On donne: $M(H) = 1 \text{ g/mol}$; $M(O) = 16 \text{ g/mol}$; $M(C) = 12 \text{ g/mol}$.

Exercice 3 : (4 points)

On donne : Masse de la Terre : $M_T = 5,67 \cdot 10^{24} \text{ kg}$; Rayon de la Terre : $R_T = 6370 \text{ km}$,

Masse du satellite : $m = 650 \text{ kg}$; Constante de gravitation : $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2}$.

SPOT est un satellite de télédétection. Il évolue à l'altitude $h = 832$ km sur une trajectoire circulaire contenue dans un plan passant par l'axe des pôles de la Terre. Un tel satellite est appelé satellite à défilement.

3.1. Montrer que le mouvement du satellite est uniforme. Donner alors l'expression de sa vitesse V en fonction de G , M_T , R_T et h . Faire l'application numérique. (0,75 points)

3.2. Etablir l'expression de la période de révolution du satellite SPOT en fonction de G , M_T , R_T et h . (0,25 point)

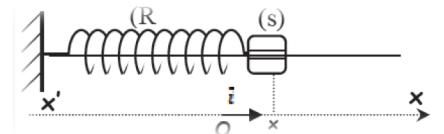
3.3. Dans le champ terrestre l'énergie potentielle du satellite est donnée par : $E_P = -\frac{GM_T m}{r}$ avec $r = R_T + h$.

- Où a-t-on choisi la référence de l'énergie potentielle de gravitation ? Justifier la réponse. (0,5 point)
- Exprimer l'énergie mécanique du satellite en fonction de G , M_T , m , R_T et h puis en fonction de m et V , vitesse du satellite. (1 point)
- Calculer l'énergie mécanique du satellite à l'altitude h . (0,5 point)

3.4. En utilisant la conservation de l'énergie mécanique du système {Terre-satellite}, déterminer l'expression de la vitesse minimale avec laquelle il faut lancer ce satellite depuis le sol pour qu'il se libère définitivement de l'attraction terrestre. Faire l'application numérique. (1 point)

Exercice 4: oscillations harmoniques (4 points)

Un pendule élastique horizontal est constitué d'un ressort (R) de raideur $k = 50 \text{ N.m}^{-1}$ et de masse négligeable, enfilé à travers une tige, à l'extrémité duquel est soudé un solide ponctuel (S) de masse m pouvant coulisser sans frottement à travers la tige.



A l'origine des dates on écarte le solide (S) de x_0 à partir de sa position d'équilibre dans le sens positif puis on l'abandonne avec une vitesse de valeur v_0 dans le sens positif. A un instant t quelconque, au cours des oscillations, l'elongation du solide est x et sa vitesse est v .

4.1. Donner l'expression de l'énergie mécanique du pendule en fonction de k , m , x et v . (0,5 pt)

4.2. Sachant que le système {(S), (R)} est conservatif, déduire l'équation différentielle régissant les oscillations du solide (S). (0,5 pt)

4.3. Exprimer la pulsation propre ω_0 en fonction de k et m et vérifier que $x = x_m \sin(\omega_0 t + \varphi)$ et une solution générale de l'équation différentielle obtenue. (0,75 pt)

4.4. Le graphe de la figure -1- de la feuille annexe représente les variations de l'énergie potentielle E_P du pendule au cours du temps.

- Etablir l'expression de $E_P = \text{Erreurs !Erreurs !Erreurs !}$ On rappelle que $\sin^2 a = \text{Erreurs !}$ (0,5 pt)

- Déduire l'expression de l'énergie mécanique en fonction de k et x_m . (0,25 pt)

4.5. Déterminer par exploitation du graphique et de ce qui précède :

- La valeur de l'amplitude x_m des oscillations, l'elongation initiale x_0 du solide et la phase φ . (0,75 pt)
- La période propre T_0 des oscillations, la masse m du solide (S) et sa vitesse initiale v_0 . (0,75 pt)

4.6. Déterminer graphiquement les positions pour lesquelles, la vitesse du solide (S) est réduite à moitié de sa valeur acquise au passage par sa position d'équilibre ? (0,25 pt)

